

重层子模型中介子的衰变过程

丁亦兵 赵光达

(中国科技大学研究生院) (北京大学物理系)

摘 要

本文利用重层子模型^[1]中得到的介子B-S波函数讨论介子的轻子型弱衰变、电磁衰变和各种二体强衰变过程。除了解释 $f_{\pi} \approx f_K$, $1^- \rightarrow l^+l^-$ 等过程外, 计算得到的各种强衰变宽度也都同实验基本符合。

一、引 言

文献[1]中提出的介子的重层子模型可以得到与实验符合较好的质量谱。本文将利用该文所求出的B-S波函数来讨论介子的各种衰变过程。人们^[2]注意到, 只有赝标耦合为主的位势才能给出符合介子二体轻子衰变的解^[3]。我们的模型符合这一要求, 因此能自然地解释 $f_{\pi} \approx f_K$ 及 $1^- \rightarrow l^+l^-$ 等过程。Böhm^[4]等讨论过介子的强衰变过程, 但他们采用的波函数违背PCAC^[5]。我们的任务是统一地解释介子的弱衰变, 电磁衰变, 特别是强衰变过程。

由于在梯形近似下得到的B-S波函数归一化条件对强耦合不再有效, 我们提出了以旁观层子“自能”传播子代替直通传播子的假定, 并在此基础上讨论了波函数归一化和各种衰变过程。关于 $0^{++} \rightarrow l\bar{l}$, $1^{--} \rightarrow l^+l^-$ 以及 $1^{--} \rightarrow 0^{++}\gamma$ 等过程的计算结果都同实验基本上符合。关于二体强衰变, 我们采用了层子对产生模型(QPCM)^[6]的假定。结果表明, 各种类型的强衰变宽度都与层子裸质量 M 无关, 即满足所谓的超强作用不外露的“饱和性”条件^[4]。所得的数值结果也是比较满意的。

二、波函数的简化形式及其协变化

把文献[1]解得的 $\varphi(\mathbf{p})$ 和 $\varphi_{l=0}^V(\mathbf{p})$ 分别代入该文(2.3)式, 可以求得 0^{++} 介子的波函数 χ^P 和 1^{--} 介子的波函数 χ^V 。由于层子质量 $M \gg$ 介子质量 m , 且 $M \gg |\mathbf{p}|$, χ^V 和 χ^P 可以简化。又由于 s 层子与 u, d 层子质量相差不大, 在不涉及 D, F 介子的衰变过程中可近似地取 $M_1 = M_2 = M$ 。考虑到这些条件, 很容易证明

$$\chi^P(\mathbf{p}) \approx -\frac{M}{p^2 + M^2} \left[\gamma_5 + \frac{m}{4M} \gamma_4 \gamma_5 \right] g(\mathbf{p}) \quad (2.1)$$

式中 p
这
变化, χ

为了避
很小,
积分, χ

通
并将层

当 χ 取

但正如
用。它
同起来
所指出
去 $\frac{\partial G}{\partial p_{\mu}}$
我们将
、 P_{Γ}
传播子
直通传
“是一
理意义
不

(3.3) 系

$$\chi^V(\mathbf{p}) \approx \frac{M}{p^2 + M^2} \left[\gamma_4 (\boldsymbol{\gamma} \cdot \mathbf{e}) + \frac{m}{4M} (\boldsymbol{\gamma} \cdot \mathbf{e}) \right] f(p) \quad (2.2)$$

式中 $p^2 = \mathbf{p}^2 - p_0^2$. 易见, 0^+ 介子以 γ_5 项为主, 而 1^- 介子以 $\gamma_4(\boldsymbol{\gamma} \cdot \mathbf{e})$ 项为主.

这两个波函数都是质心系的解. 原则上我们可以通过文献 [7] 指出的手续把它们协变化, 得到

$$\chi^P \approx -\frac{M}{p^2 + M^2} \left(\gamma_5 - \frac{i\hat{P}}{4M} \gamma_5 \right) g(p) \quad (2.3)$$

$$\chi^V \approx -\frac{M}{p^2 + M^2} \left(i \frac{\hat{P}}{m} \boldsymbol{\epsilon} - \frac{m}{4M} \boldsymbol{\epsilon} \right) f(p) \quad (2.4)$$

为了避免将 $g(\mathbf{p}), f(\mathbf{p})$ 形式上协变化在 p_0 复平面造成反常奇异性^[7] 的困难, 且考虑到 $|\mathbf{p}|$ 很小, 对于含有 $g(p)$ 或 $f(p)$ 的积分采用如下的近似方法: 先计算 $g(\mathbf{p})$ 和 $f(\mathbf{p})$ 的相应积分, 然后把结果按上述手续协变化.

三、波函数的归一化和层子的“自能”传播子

通常在梯形近似下, 假定层子-反层子相互作用核 $G(p, p'; P)$ 与 P_μ 无关, $\frac{\partial G}{\partial P_\mu} = 0$, 并将层子的传播子近似取为自由传播子, 便得归一化条件

$$\int \frac{d^4 p}{(2\pi)^4} S_F \left\{ \chi_p^\dagger(p) \chi_p(p) \left[H_{-p} + \frac{m}{2} - p_0 \right] \right\} = -2im \quad (3.1)$$

当 χ 取为 M 很大的近似波函数时, 上式可简化为

$$M \int \frac{d^4 p}{(2\pi)^4} S_F \{ \chi_p^\dagger(p) \chi_p(p) \gamma_4 \} = -2im \quad (3.2)$$

但正如人们^[8]所指出的, 重层子模型中的超强相互作用代表层子之间十分复杂的相互作用. 它象口袋模型一样, 很可能是对某种整体相互作用的近似描述, 不能同梯形近似等同起来. 事实上, 在强耦合情形下应用梯形近似^[8]会导致鬼态的出现. 此外, 正如文献^[3]所指出的, 瞬时相互作用不是一个协变的概念, 相互作用核 G 必然与 P_μ 有关, 不能随意略去 $\frac{\partial G}{\partial P_\mu}$ 项来求归一化. 所以 (3.1) 和 (3.2) 式对瞬时相互作用下的强耦合模型不再有效.

我们将从某些物理假定出发, 来考虑归一化问题.

Preparata^[9] 在他的重夸克模型中建议用一种带有“自能”顶点的夸克传播子代替直通传播子来计算强子的衰变过程. 与此类似, 我们假定在任何强子跃迁过程中, 旁观层子的直通传播子均为“自能”传播子代替, 即对旁观层子把 $S_F(p)$ 换为 $S_F(p)(2\pi)^4 a S_F(p)$, 其中 a 是一个具有质量量纲的普适参量. 我们将在下面通过电荷归一化来说明这一假定的物理意义.

不难看出(参看图 3), 在这一假定下介子的电荷归一化条件变为

$$a \int \frac{d^4 p}{(2\pi)^4} S_F \{ \chi_p^\dagger(p) \chi_p(p) \gamma_4 \} = -2im \quad (3.3)$$

(3.3) 和 (3.2) 的区别仅仅在于把裸质量 M 换成 a . 后面我们将看到 a 的大小约为几百.

更、
算

文将利
耦合为
此能自
他们采
别是强

出了以
化和各
同实验
结果表
露的“饱

介子的
|, χ^V 和
过程中

(2.1)

MeV, 因而在一定程度上可把 a 看作旁观层子在位阱中的等效质量. 当其中一个层子同外场作用时, 另一旁观层子同该层子仍由超强相互作用束缚在一起, 它不是以裸质量而是以某种很小的等效质量对外场作出反应. 这就是“自能”传播子的物理意义. 此外, 也可以象文献 [9] 那样, 把 a 理解为层子由一个强子跃迁到另一个强子的几率.

把 (2.1) 和 (2.2) 代入 (3.3), 便可得到

$$g(\mathbf{p}) = \left(\frac{8M^2\pi^2}{a}\right)^{\frac{1}{2}} \phi(\mathbf{p}) \quad (3.4)$$

$$f(\mathbf{p}) = \left(\frac{8M^2\pi^2}{a}\right)^{\frac{1}{2}} \phi(\mathbf{p}) \quad (3.5)$$

其中 $\phi(\mathbf{p})$ 是满足归一化条件 $\int |\phi(\mathbf{p})|^2 d^3p = 1$ 的三维波函数. 按文献 [1], 在大多数情况下, 我们将把 $\phi(\mathbf{p})$ 取为谐振子波函数.

四、 $1^{--} \rightarrow e^+e^-$ 过程

该过程如图 1 所示. 矩阵元为

$$M_{if} = \frac{i}{(2\pi)^4} \frac{e_q e^2}{m^2} j_\mu \int d^4p S_F\{\chi^V(p) \gamma_\mu\} \quad (4.1)$$

其中 e 为电子电荷, e_q 为介子等效电荷, j_μ 为轻子电流. 把 (2.2) 的 χ^V 代入 (4.1), 可以求得衰变宽度为

$$\Gamma_{1^{--} \rightarrow e^+e^-} = \frac{1}{24\pi^2} \frac{\alpha^2 e_q^2}{m M^2} |f(0)|^2 = \frac{\alpha^2 e_q^2}{3am} |\phi(0)|^2 \quad (4.2)$$

其中 $\phi(0)$ 为三维归一化空间波函数的零点值. 与上式不同, 通常弱束缚非相对论给出的宽度^[10]与 m 的平方成反比. 对基态的谐振子波函数^[11]有

$$|\phi(0)|^2 = \frac{4}{\sqrt{\pi}} \left(\frac{1}{8\alpha'}\right)^{3/2} \quad (4.3)$$

式中 α' 为 Regge 斜率. 代入 (4.2), 由 $\rho \rightarrow e^+e^-$ 的衰变宽度可以定出

$$a = 178 \text{ MeV} \quad (4.4)$$

利用它可以计算出其它介子的衰变宽度, 结果如表 1 所示. 其

表 1 $\Gamma_{e^+e^-}$ 的理论值与实验值^[11]

(其中 $1/\alpha'$ 取自文献 [1], γ 的相应值是假定 $m_b = 3m_c$ 计算得到的.)

| 介子 | m (GeV) | e_q^2 | $1/\alpha'$ (GeV ²) | Γ 理论值 (keV) | Γ 实验值 (keV) |
|------------|-----------|---------|---------------------------------|--------------------|---------------------------|
| ρ | 0.776 | 1/2 | 1.00 | 6.5*(输入) | 6.5±0.8 |
| ω | 0.783 | 1/18 | 1.00 | 0.72 | 0.76±0.17 |
| ϕ | 1.020 | 1/9 | 1.28 | 1.57 | 1.34±0.08 |
| ψ | 3.097 | 4/9 | 2.19 | 4.64 | 4.8±0.6 |
| Υ | 9.433 | 1/9 | 3.80 | 0.87 | 1.24±0.13 ^[12] |

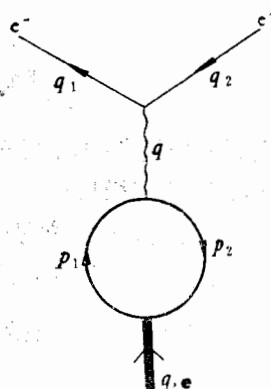


图 1 $1^{--} \rightarrow e^+e^-$

中 $\Gamma_{e^+e^-}$
近似.

π^-

其中 θ

出 $R =$

别于以

不

项. 由

求得弱

代入 (4

事实上,

衰变的

一结果:

此:



图 3

层子同
量而是
下, 也可

中 $\Gamma_{c^+e^-}(\Upsilon)$ 计算值与实验值的偏离, 说明对重介子特别是 $b\bar{b}$ 系统, 谐振子势不再是好的近似. 在对 Ψ', Υ' 等的 $\Gamma_{c^+e^-}$ 计算上这一点将更加突出地显示出来.

五、 $0^{-+} \rightarrow \mu\bar{\nu}$ 过程

(3.4) $\pi \rightarrow \mu\bar{\nu}$ 衰变过程如图 2 所示. 矩阵元为

(3.5)
$$M_{if} = \frac{1}{(2\pi)^4} \left(\frac{G}{\sqrt{2}} \cos\theta \right) \bar{u}(q_1) \gamma_\mu (1 + \gamma_5) v(q_2) \int d^4p S_p [\gamma_\mu (1 + R\gamma_5) \chi^p] \quad (5.1)$$

其中 θ 为 Cabbibo 角. R 是一个常数, 可由朴素夸克模型定

多数情

出 $R = 3G_A/5G_V \approx \frac{1}{\sqrt{2}}$ [3]. $K \rightarrow \mu\bar{\nu}$ 矩阵元与 (5.1) 式只区

别于以 $\sin\theta$ 代替 $\cos\theta$.

不难看出, 对上式作出贡献的只是波函数 χ^p 中的 $\gamma_\mu \gamma_5$ 项. 由 (2.1) 知, 此项与 m 成正比. 由此可按

$$\langle 0 | J_\mu^W(0) | \pi \rangle = f_\pi \cos\theta P_\mu,$$

求得弱耦合常数

(4.1)
$$f_\pi = \frac{R}{2\sqrt{\pi a}} \psi(0) \approx \frac{1}{4(2\pi)^{3/4} \sqrt{a}} \left(\frac{1}{\alpha_\pi'} \right)^{3/4} \quad (5.2)$$

1), 可以

代入 (4.4) 式便得到 $f_\pi \approx 150$ MeV (实验值 ~ 138 MeV [11]). 类似地可以求得 f_K . 易证

$$f_K/f_\pi \approx (\alpha_\pi'/\alpha_K')^{3/4} \approx 1.13 \quad (\text{实验值} \sim 1.15^{[11]})$$

2 (4.2)

事实上, 通过 (4.2) 式和 (5.2) 式, 可以消去零点波函数和参数 a , 得到联系弱衰变和电磁衰变的 Kawarabashi-Suzuki 关系式 [3] $2\gamma_\rho f_\pi = m_\rho$. 通常的非相对论夸克模型得不到这一结果, 这正是本模型的一个成功之点.

式不同,
比. 对基

六、 $1^{--} \rightarrow 0^{-+} \gamma$ 过程

此过程如图 3 所示, 其中旁观层子取了“自能”传播子. 矩阵元为

$$M_{if} = a \langle D \rangle e \int \frac{d^4p}{(2\pi)^4} S_p \left\{ \bar{\chi}_{p'}(p') \left[\hat{\epsilon} - \frac{\kappa}{2M} \sigma_{\mu\nu} q_\mu \epsilon_\nu \right] \chi_p(p) \right\} \quad (6.1)$$

其中 ϵ_ν 为光子的极化矢量, $e_q \kappa / 2M$ 为层子的反常磁矩, $\langle D \rangle$ 为电荷算符 Q 的 $SU(3)$ ($SU(4)$) 矩阵元 [13].

把 $\bar{\chi}_{p'}(p') = -\gamma_4 \chi_{p'}^\dagger(p') \gamma_4$ [13] 以及 (2.3) 和 (2.4) 式代入 (6.1) 可得

$$M_{if} = \frac{ia \langle D \rangle e}{4M^2} \epsilon_{ijk} e_i q_j \epsilon_k \int \frac{d^3p}{(2\pi)^3} g \left(\mathbf{p} - \frac{\mathbf{q}}{2} \right) f(\mathbf{p}) (1 + 2\kappa) \quad (6.2)$$

衰变宽度为

$$\Gamma = \frac{\langle D \rangle^2 \alpha}{3} (1 + 2\kappa)^2 \frac{q^3}{m^2} e^{-q^2 a'} \quad (6.3)$$

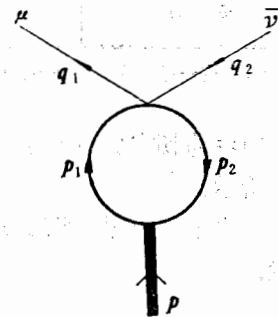


图 2 $0^{-+} \rightarrow \mu\bar{\nu}$

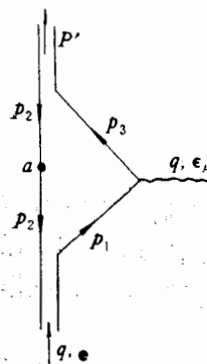


图 3 $1^{--} \rightarrow 0^{-+} \gamma$

衰变宽度

(4.4)

所示. 其

直 (keV)

- ±0.8
- ±0.17
- ±0.08
- ±0.6
- ±0.13 [12]

表2 $1^- \rightarrow 0^+ \gamma$ 衰变宽度值

| 衰变过程 | $\langle D \rangle$ | $\kappa = 0$ 时 Γ 理论值 (keV) | $\kappa = 0.2$ 时 Γ 理论值 (keV) | Γ 实验值 (keV) | 衰变模 |
|---|--------------------------|--------------------------------------|--|-------------------------|--------------------------|
| $\rho^- \rightarrow \pi^- \gamma$ | 1/3 | 20.6 | 40.4 | 37 ± 10 | $1^- \rightarrow 0^+$ |
| $\kappa^{*0} \rightarrow \kappa^0 \gamma$ | -2/3 | 36.5 | 71.5 | 75 ± 35 | |
| $\omega \rightarrow \pi^0 \gamma$ | 1 | 188.4 | 369.3 | 889 ± 50 | |
| $\varphi \rightarrow \eta \gamma$ | $\frac{1}{3} \sqrt{8/3}$ | 28.9 | 56.6 | 64 ± 8 | |
| $\psi' \rightarrow \eta_c \gamma^{(1)}$ | 4/3 | 0.5 | 1.0 | $0.92 \pm 0.17^{(1,2)}$ | $1^+ \rightarrow 1^-$ |
| $\psi \rightarrow \eta_c \gamma$ | 4/3 | 0.8 | 1.6 | $0.24 - 2.4^{(1,2)}$ | $1^{++} \rightarrow 1^-$ |

1) 这一过程的宽度是由径向激发谐振子波函数计算得到的。

其中 m 为初态矢量介子质量, q 为光子动量, α' 为 Regge 斜率. 理论与实验的比较如表 2 所示.

由上表可见, 当取 $\kappa = 0.2$ 时, Γ 的理论值与实验值的符合 (除 $\omega \rightarrow \pi^0 \gamma$ 外) 比较满意.

七、二体强衰变过程

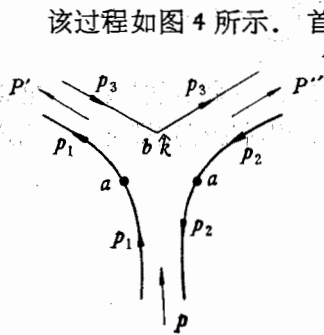


图4 介子的二体强衰变

该过程如图 4 所示. 首先我们把层子对产生模型^[6]推广到相对论情况. 由于真空产生的层子对是在 3P_0 态, 所以我们假定这个顶点的耦合强度正比于 $b \hat{k}$, 其中 b 为一个普适的无量纲耦合常数, $\hat{k} = \gamma_\mu k_\mu$, k_μ 为产生的粒子的动量. 此外, 对旁观层子采用“自能”传播子. 于是:

$$M_{if} = \frac{a^2 b}{(2\pi)^4} \int d^4 p S_F \{ \bar{\chi}_{p'}(p') \hat{k} \bar{\chi}_{p''}(p'') \chi_p(p) \} \cdot (SU(3) \text{ 因子}) \quad (7.1)$$

其中各动量的意义如图 4 所示, 它们的运动学关系为

$$\begin{aligned} P &= P' + P'', \\ p_1 &= p + \frac{P}{2} = p'' + \frac{P''}{2}, \quad p_2 = p - \frac{P}{2} = p' - \frac{P'}{2}, \\ p'_3 &= p' + \frac{P'}{2} = p'' - \frac{P''}{2}, \quad k = p_3 = p + \frac{1}{2}(P' - P''). \end{aligned} \quad (8)$$

不同的衰变过程区别在于波函数的具体形式和 $SU(3)$ 因子的数值不同. 参数 b 的值由 $\rho \rightarrow \pi\pi$ 或 $\varphi \rightarrow K\bar{K}$ 作输入来定. 需要特别指出的是, 由于 M 非常大, 计算 Γ 时只须保留最大量级的贡献即可. 我们发现, 求得的各种衰变宽度都与 M 无关, 即满足所谓超强作用的饱和性^[4], 这正是我们希望得到的结果.

附录中给出了普通介子各种强衰变宽度的计算公式. 数值结果列在表 3, 同实验的符合是比较满意的. 关于 ψ 族粒子的强衰变, 我们将在另文专门讨论.

本文
了胡宁先
表示感谢

取初态
的粒子质量
(1) 1-

(2) 1-

(3) 1+

(4) 1+

表 3 普通介子二体强衰变宽度(*为输入值)

| (keV) | 衰变模式 | 衰变道 | c | Γ 理论值 I (MeV) (以 $\varphi \rightarrow K\bar{K}$ 为输入) | Γ 理论值 II (MeV) (以 $\rho \rightarrow \pi\pi$ 为输入) | 实验值 ^[1,2] (MeV) |
|----------------------|------------------------------|-----------------------------|------------|--|--|-------------------------------|
| 0 | $1^- \rightarrow 0^+ 0^+$ | $\rho \rightarrow \pi\pi$ | $\sqrt{2}$ | 120.6 | 158* ($b^2 a = 125.2$) | 158 ± 5 |
| 5 | | $\varphi \rightarrow KK$ | 1 | 3.43* ($b^2 a = 95.51$) | 4.5 | 3.43 ± 0.20 |
| 0 | | $K^* \rightarrow \kappa\pi$ | 1 | 46.82 | 60.14 | 50.3 ± 0.8 |
| | | $\rho' \rightarrow \pi\pi$ | $\sqrt{2}$ | 87.05 | 114.1 | 45 |
| .17 ^[1,2] | $1^+ \rightarrow 1^- 0^+$ | $B \rightarrow \omega\pi$ | $\sqrt{2}$ | 138.2 | 181.1 | 129 ± 10 |
| .4 ^[1,2] | $1^{++} \rightarrow 1^- 0^+$ | $A_1 \rightarrow \rho\pi$ | $\sqrt{2}$ | 401.9 | 527.3 | 270 ± 45 |
| | | | | 8.55 | 11.21 | <10 |
| | $2^{++} \rightarrow 0^+ 0^+$ | $f \rightarrow \pi\pi$ | $\sqrt{2}$ | 119.1 | 156.0 | 148 ± 16 |
| | | $f' \rightarrow KK$ | 1 | 33.74 | 44.21 | 67 ± 10 |
| | | $K^{**} \rightarrow K\pi$ | 1 | 47.10 | 61.73 | 49.1 ± 5.2 |
| | $2^{++} \rightarrow 1^- 0^+$ | $A_2 \rightarrow \rho\pi$ | $\sqrt{2}$ | 50.02 | 65.55 | 71.4 ± 4.2 |
| | | $K^{**} \rightarrow K^*\pi$ | 1 | 19.88 | 26.05 | 27.0 ± 3.5 |

较如表
比较满

本文的一部分内容是在张凯慈同志的合作下完成的。此外,在本文写作过程中得到了胡宁先生的关注,并与何祚庥、高崇寿、宋行长、朱重远等同志进行了有益的讨论,特此表示感谢。

真空产
的耦合
常数,
观层子

附录: 二体强衰变宽度公式

取初态介子静止系,设 m 为初态介子质量。末态介子中,自旋不为零的粒子的质量和能量为 m' 和 E' ,自旋为零的粒子质量和能量为 m'' 和 E'' , P' 为末态粒子的动量值。(c)² 为 $SU(3)$ 系数的贡献。 α' 为 Regge 斜率。

(1) $1^- \rightarrow 0^+ 0^+$ (1^- 为基态,如 $\rho \rightarrow \pi\pi$)

$$\Gamma = (c)^2 b^2 a \frac{2\sqrt{2}\pi}{3^4} P'^3 \cdot \alpha'^{\frac{3}{2}} c^{-\frac{4}{3}} P'^2 \alpha' \quad (A.1)$$

(2) $1^- \rightarrow 0^+ 0^+$ (1^- 为第一径向激发态,如 $\rho' \rightarrow \pi\pi$)

$$\Gamma = (c)^2 b^2 a \frac{2\sqrt{2}\pi}{3^3} P'^3 \alpha'^{\frac{3}{2}} \left[\frac{2}{3} - \frac{16}{27} P'^2 \alpha' \right] c^{-\frac{4}{3}} P'^2 \alpha' \quad (A.2)$$

(3) $1^+ \rightarrow 1^- 0^+$ (1^+ 为 $0^+ L=1$ 的激发态,如 $E \rightarrow \omega\pi$)

$$\begin{aligned} \Gamma = (c)^2 b^2 a \frac{2\sqrt{2}\pi}{3^4} P' \alpha'^{\frac{1}{2}} & \left\{ 3 \left(\frac{E'}{m'} \right)^2 + \left[\left(\frac{E'}{m'} \right)^2 - 2 \frac{E'}{m'} - \frac{32}{3} m' E' \alpha' \right] \frac{P'^2}{m'^2} \right. \\ & + \left(\frac{m}{m'} + \frac{16}{3} m m' \alpha' \right) \left(\frac{m}{m'} + \frac{16}{3} m m' \alpha' - \frac{2mE'}{m'^2} \right) \frac{P'^4}{m'^2 m^2} \\ & \left. + \left(\frac{m}{m'} + \frac{16}{3} m m' \alpha' \right) \frac{2P'^6}{m'^4 m^2} \right\} c^{-\frac{8}{3}} P'^2 \alpha' \quad (A.3) \end{aligned}$$

(4) $1^{++} \rightarrow 1^- 0^+$ (1^{++} 为 1^- 介子 $L=1$ 的激发态,如 $A_1 \rightarrow \rho\pi$) S 分波宽度

$$\begin{aligned} \Gamma_S = (c)^2 b^2 a \frac{4\sqrt{2}\pi}{9} P' \alpha'^{\frac{1}{2}} & \left(1 + \frac{P'^2}{3m'^2} \right) \left[1 + \frac{2E'}{m'} \left(1 + \frac{E''}{m} \right) \right. \\ & \left. - \left(\frac{2}{3} \frac{m'}{m} + \frac{1}{2} \frac{E''}{m'} \right) \cdot 16P'^2 \alpha' \right]^2 c^{-\frac{4}{3}} P'^2 \alpha' \quad (A.4) \end{aligned}$$

}

系为

b 的值
只须保
超强作
验的符

D分波宽度

$$\Gamma_D = (c)^2 b^2 a \frac{2\sqrt{2\pi}}{3^4} P'^2 \alpha'^{3/2} \left(1 + \frac{P'^2}{m'^2}\right) \left[\frac{4}{3} \frac{m'}{m} + \frac{E''}{m'} - \frac{1}{4m'^2 \alpha'} \left(1 + \frac{E''}{m'}\right)\right]^2 e^{-\frac{4}{3} P'^2 \alpha'} \quad (\text{A.5})$$

(5) $2^{++} \rightarrow 0^+ + 0^+$ (2^{++} 为 1^- 介子 $L=1$ 的激发态, 如 $f \rightarrow \pi\pi$)

$$\Gamma = (c)^2 b^2 a \frac{2\sqrt{2\pi}}{5 \times 3^4} P'^2 \alpha'^{3/2} e^{-\frac{4}{3} P'^2 \alpha'} \quad (\text{A.6})$$

(6) $2^{++} \rightarrow 1^- + 0^+$ (2^{++} 为 1^- 介子 $L=1$ 的激发态, 如 $A_2 \rightarrow \rho\pi$)

$$\Gamma = (c)^2 b^2 a \frac{2\sqrt{2\pi}}{5 \times 3^3} P'^2 \alpha'^{3/2} \left[\frac{7}{12} \frac{m}{m'} + \frac{7}{12} \frac{m'^2}{mm'} + \frac{9}{12} \frac{m'}{m} + \frac{1}{4mm' \alpha'}\right]^2 e^{-\frac{4}{3} P'^2 \alpha'} \quad (\text{A.7})$$

参 考 文 献

- [1] 丁亦兵、赵光达, 中国科学, **A9**(1982), 841.
 [2] 朱重远、安瑛, 中国科学, **4**(1978), 387.
 [3] C. H. Llewellyn Smith, *Ann. Phys.*, **53**(1969), 521.
 [4] M. Böhm, H. Joos, M. Krammer, *Nucl. Phys.*, **B51**(1973), 397; *ibid.* **B69**(1974), 349.
 [5] H. Loos, in "Quarks and Hadronic Structure" P203, Edited by G. Morpurgo.
 [6] A. Le Yaouanc et al., *Phys. Rev.*, **D8**(1973), 2223, *Phys. Lett.*, **71B**(1977), 397; R. Carlitz and M. Kisinger, *Phys. Rev.*, **D2**(1970), 336.
 [7] 北京大学基本粒子理论组, 物理学报, **25**(1976), 415.
 [8] G. Wanders., *Phys. Lett.*, **58B**(1975), 191.
 [9] G. Preparata, *Nucl. Phys.*, **B102**(1976), 478; EPS 国际高能物理会论文集 (1979, Geneva).
 [10] R. Van Royen and V. F. Weisskopf, *Nuo. Cim.*, **3A**(1967), 617.
 [11] J. D. Jackson, 新粒子讲义 (基本粒子译文集第一集) P. 1.
 [12] D. L. Scharre, SLAC-PUB-2761 (1981)c.
 [13] 北京大学, 理论物理教研室基本粒子组, 中国科学院数学研究所理论物理研究室, 北京大学学报 (自然科学版), **2**(1966), 113.
 [14] "Review of Particle Properties", April, 1980 ed. 本文的实验数据除特殊标明出处外, 均取自该文。

DECAY PROCESSES IN MASSIVE STRATON MODEL
OF MESONS

DING YI-BING

(Graduate School, The University of Science and Technology of China)

CHAO KUANG-TA

(Peking University)

ABSTRACT

Using the B-S wave functions of mesons in the massive straton model^[1], we discuss their weak decay, electromagnetic decay, and particularly hadronic decay processes. Not only $f_{\pi} \approx f_K$, $1^- \rightarrow 1^+ 1^-$ rate are successfully explained, the predicted widths for various hadronic decays are also in good agreement with experimental data.

的解
中,
体数

Cabr
相互作用
等人^[4]重
磁单极和
但是
奇异弦于
Kazama-
程的定态
人到 $SU($
正则的能
field^[9] 在
解析的能
t'Hooft-P
来具体求
磁单极是
缚态、散
合成波区
米子对(

本文