

# $\Upsilon(3S) \rightarrow \Upsilon(1S)\pi^+\pi^-$ 衰变及一个可能的 $b\bar{b}q\bar{q}$ 态\*

郭奉坤<sup>1,5;1)</sup> 沈彭年<sup>1,2,3,4</sup> 姜焕清<sup>1,2,3,4,6</sup> 平荣刚<sup>1,2</sup>

1 (中国科学院高能物理研究所 北京 100049)

2 (中国高等科技中心 北京 100080)

3 (中国科学院理论物理研究所 北京 100080)

4 (兰州重离子国家实验室原子核理论中心 兰州 730000)

5 (中国科学院研究生院 北京 100049)

6 (西南师范大学 重庆 400715)

**摘要** 利用手征么正方法研究了衰变  $\Upsilon(3S) \rightarrow \Upsilon(1S)\pi^+\pi^-$ . 通过引入一个  $J^P = 1^+, I = 1$  的中间态, 该衰变的  $\pi^+\pi^-$  不变质量谱和  $\cos\theta_\pi^*$  角分布都能够得到很好的解释. 同时, 其他  $\Upsilon(nS)$  各态之间的  $\pi^+\pi^-$  跃迁也能得到很好的描述. 通过拟合 CLEO 的数据, 对这个态的质量和宽度作了预言. 该态的夸克组成应该是  $b\bar{b}q\bar{q}$ .

**关键词** 手征么正理论  $\Upsilon$  衰变  $\pi\pi S$  波末态相互作用 四夸克态

## 1 引言

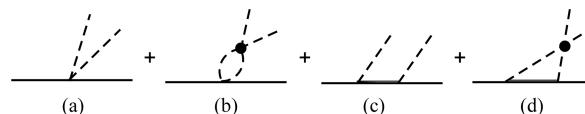
许多基于 QCD 的模型都预言了多夸克态的存在, 但是多年来实验上却没有得出相应的结论, 直到 2003 年关于可能的五夸克态  $\Theta^+$  的报道<sup>[1]</sup>. 同时,  $\Upsilon(3S) \rightarrow \Upsilon(1S)\pi^+\pi^-$  的  $\pi\pi$  衰变也得到人们的广泛关注. 与其他重夸克偶素的跃迁相比<sup>[2-4]</sup>, 这一跃迁的  $\pi^+\pi^-$  不变质量谱呈现出独特的双峰结构, 而且其角分布在  $\cos\theta_\pi^*$  从 0 到 1 的区间的下降趋势也是使其区别于其他衰变的特点<sup>[4]</sup>. 对于这一衰变, 已经提出了很多唯象模型<sup>[5-11]</sup>, 但是都不能给出令人满意的描述.

由于衰变产物中有两个  $\pi$  介子, 而且相空间限制其不变质量  $< 0.9 \text{ GeV}$ , 两介子间的末态相互作用是不可忽略的. 我们将采用一种手征么正方法<sup>[12]</sup> 来描述末态  $\pi$  介子之间的  $S$  波末态相互作用. 手征么正方法<sup>[12]</sup> 的基本思想是: 应用耦合道的 Bethe-Salpeter 方程研究赝标介子之间(或介子与重子之间<sup>[13]</sup>)的相互作用, 并以手征微扰论(ChPT) 的领头阶振幅作为方程的核. 该方法只用动量截断一个参数, 就能够很好地拟合 1.2 GeV 以下能区的介子-介子  $S$  波的散射数据, 并且能够力学的产生  $\sigma$ ,  $f_0(980)$  和

$a_0(980)$  等人们很感兴趣的标量粒子. 然而, 只引入  $\pi$  介子之间的末态相互作用仍不能很好地解释  $\Upsilon(3S) \rightarrow \Upsilon(1S)\pi^+\pi^-$  的实验数据<sup>[14]</sup>. 引入级联衰变的机制  $\Upsilon(3S) \rightarrow X\pi \rightarrow \Upsilon(1S)\pi\pi$ , 并采用唯象的方法计入  $\pi\pi S$  波末态相互作用<sup>[9]</sup> 虽然可以很好地解释 CLEO 的实验数据, 但遗憾的是角分布的数据仍不能解释. 从夸克结构来看, 上述引入的中间粒子  $X$  应该具有  $b\bar{b}q\bar{q}$  的组分.

## 2 理论计算

由于相空间的限制, 末态  $\pi$  介子的动量都局限在 0.9 GeV 以下,  $\pi$  介子之间的末态相互作用有明显的贡献. 我们将采用手征么正方法<sup>[12]</sup> 来处理  $\pi\pi$  的  $S$  波末态相互作用, 并在考虑了直接项贡献的基础上, 进一

图 1  $\Upsilon(3S) \rightarrow \Upsilon(1S)\pi^+\pi^-$  费曼图

(a) 直接项树图; (b) 直接项  $\pi\pi$  末态相互作用; (c) 级联项树图; (d) 级联项末态相互作用.

2005-03-21 收稿

\* 国家自然科学基金(90103020, 10475089, 10435080, 10447130)和中国科学院知识创新计划(KJCX2-SW-N02)资助

1) E-mail: guofk@mail.ihep.ac.cn

步考虑级联衰变的机制  $\Upsilon(3S) \rightarrow X\pi \rightarrow \Upsilon(1S)\pi\pi$  的贡献。需要计算的费曼图如图1所示, 其中(a)和(b)代表直接项的贡献, (c)和(d)代表级联机制的贡献。(b)和(d)中的黑点表示  $\pi\pi$  之间的末态相互作用。

由于所研究的衰变涉及到的粒子是重夸克偶素以及作为 Goldstone 玻色子的  $\pi$  介子, 因此在耦合顶点  $V'V\pi\pi(V', V$  分别代表初末态重夸克偶素) 上考虑最低阶手征展开以及重夸克展开是合适的<sup>[10]</sup>。在  $\pi^+\pi^-$  的质心系中,  $V' \rightarrow V\pi\pi$  直接项树图(图1(a))的衰变振幅可以写成<sup>[6, 8, 10]</sup>

$$V_0 = -\frac{4}{f_\pi^2} [(g_1 p_1 \cdot p_2 + g_2 p_1^0 p_2^0 + g_3 m_\pi^2) \varepsilon^* \cdot \varepsilon' + g_4 (p_{1\mu} p_{2\nu} + p_{1\nu} p_{2\mu}) \varepsilon^{*\mu} \varepsilon'^\nu], \quad (1)$$

其中  $f_\pi$  是  $\pi$  介子衰变常量,  $p_1$  和  $p_2$  分别是  $\pi^+$  和  $\pi^-$  的四动量,  $\varepsilon'$  和  $\varepsilon$  分别是初末态重夸克偶素的极化矢量,  $g_1, g_2, g_3, g_4$  是耦合常数。由于手征破缺标度  $A_x$  以及重夸克质量的压低,  $g_4$  项可以忽略<sup>[10]</sup>, 这一点在 S. Chakravarty 等人的讨论中得到了验证<sup>[8]</sup>。于是方程(1)简化为

$$V_0 = -\frac{4}{f_\pi^2} (g_1 p_1 \cdot p_2 + g_2 p_1^0 p_2^0 + g_3 m_\pi^2) \varepsilon^* \cdot \varepsilon'. \quad (2)$$

值得注意的是, 由于 Lorentz 变换,  $g_2$  项中含有  $D$  波成分<sup>[14—16]</sup>。于是,  $V_0$  可被分解为  $V_0 = V_{0S} + V_{0D}$ , 其中  $V_{0S}$  和  $V_{0D}$  分别代表  $S$  波和  $D$  波成分。

对于级联过程  $\Upsilon(3S) \rightarrow X\pi \rightarrow \Upsilon(1S)\pi\pi$ , 考虑简单的  $S$  波耦合顶点  $\Upsilon(nS)X\pi$ , 其拉氏量可以写为

$$\mathcal{L}_X = g_{nX} \Upsilon_\mu X^\mu \phi. \quad (3)$$

其中  $g_{nX}$  是  $\Upsilon(nS)X\pi$  顶点的耦合常数,  $\Upsilon_\mu, X^\mu$  和  $\phi$  分别代表  $\Upsilon(nS), X$  和  $\pi$  的场算符。显而易见,  $X$  的量子数应为  $J^P = 1^+, I = 1$ 。级联机制树图的振幅可以写为

$$V_X^{\text{tree}} = g_{nm} \varepsilon'_\mu \varepsilon^*_\nu \left( \frac{-g^{\mu\nu} + p_{X+}^\mu p_{X+}^\nu / m_X^2}{p_{X+}^2 - m_X^2 + i m_X \Gamma_X} + \frac{-g^{\mu\nu} + p_{X-}^\mu p_{X-}^\nu / m_X^2}{p_{X-}^2 - m_X^2 + i m_X \Gamma_X} \right). \quad (4)$$

其中  $g_{nm} = g_{nX} \cdot g_{mX}$ ,  $m_X$  和  $\Gamma_X$  分别是中间态  $X$  的质量和宽度, 它们将作为自由参数通过拟合 CLEO 的实验数据来确定<sup>[3, 4]</sup>,  $p_{X+}$  和  $p_{X-}$  分别是  $X^+$  和  $X^-$  的四动量。

以  $t_{\pi\pi, \pi\pi}^{I=0}$  代表同位旋  $I = 0, S$  波  $\pi\pi$  散射的总振

幅<sup>[12]</sup>, 通过同位旋分解可以得到  $\pi\pi \rightarrow \pi^+\pi^-$  的振幅为

$$\langle \pi^+\pi^- | t | \pi^+\pi^- + \pi^-\pi^+ + \pi^0\pi^0 \rangle = 2t_{\pi\pi, \pi\pi}^{I=0}. \quad (5)$$

由于  $D$  波的共振区位于  $1.2\text{GeV}$  以上, 在计算中可以忽略  $\pi\pi$  的  $D$  波末态相互作用,  $D$  波背景项由直接项树图中的  $D$  波成分  $V_{0D}$  提供。在考虑了  $\pi\pi$   $S$  波末态相互作用后, 完整的跃迁振幅可以写为

$$t = V_0 + V_{0S} \cdot G \cdot 2t_{\pi\pi, \pi\pi}^{I=0} + V_X^{\text{tree}} + g_{nm} \varepsilon'_\mu \varepsilon^*_\nu G_X^{\mu\nu} \cdot 2t_{\pi\pi, \pi\pi}^{I=0}. \quad (6)$$

其中  $G$  和  $G_X^{\mu\nu}$  分别是图1(b),(d)中两介子圈和三粒子圈传播子分别为

$$G = i \int \frac{dq^4}{(2\pi)^4} \frac{1}{q^2 - m_\pi^2 + i\varepsilon} \frac{1}{(p' - p - q)^2 - m_\pi^2 + i\varepsilon}, \quad (7)$$

和

$$G_X^{\mu\nu} = i \int \frac{dq^4}{(2\pi)^4} \frac{-g^{\mu\nu} + p_X^\mu p_X^\nu / m_X^2}{p_X^2 - m_X^2 + i\varepsilon} \times \frac{1}{q^2 - m_\pi^2 + i\varepsilon} \frac{1}{(p' - p - q)^2 - m_\pi^2 + i\varepsilon}, \quad (8)$$

其中  $p'$  和  $p$  分别为初末态重夸克偶素的四动量。圈图的计算采取动量截断的正规化方式, 所取截断与  $\pi\pi$  散射<sup>[12]</sup>中的一致, 取为  $q_{\max} = 1.1\text{GeV}$ 。

微分宽度可以表示为<sup>[17]</sup>

$$\frac{d\Gamma}{dm_{\pi\pi} d\cos\theta_\pi^*} = \frac{1}{8M^2(2\pi)^3} \sum \sum |t|^2 |\mathbf{p}_1^*| |\mathbf{p}_3|, \quad (9)$$

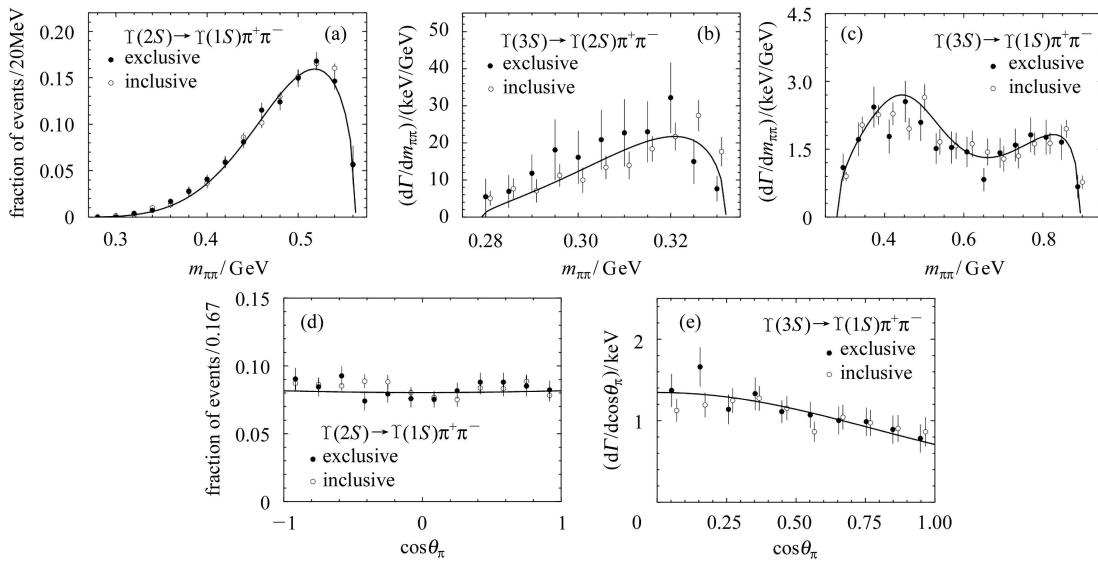
其中  $m_{\pi\pi}$  是末态  $\pi^+\pi^-$  的不变质量,  $\theta_\pi^*$  是  $\pi^+$  在  $\pi^+\pi^-$  质心系中的运动方向和  $\pi^+\pi^-$  系统在实验室系中的运动方向的夹角,  $M$  是初态粒子的质量,  $|\mathbf{p}_1^*|$  是  $\pi^+$  在  $\pi^+\pi^-$  质心系中的动量大小,  $|\mathbf{p}_3|$  则是末态重夸克偶素在实验室系中的动量大小。由方程(9), 可以分别计算衰变的不变质量谱以及角分布。

计算结果表明通过引入级联衰变的机制, 并用手征幺正方法处理  $\pi\pi$  的  $S$  波末态相互作用, 衰变  $\Upsilon(3S) \rightarrow \Upsilon(1S)\pi^+\pi^-$  可以得到很好的描述。同时, 其他各  $\Upsilon(nS)$  态之间的  $\pi^+\pi^-$  跃迁也同样能够得到解释。拟合结果如图2所示, 所用参数见表1。

表 1 最佳拟合时所用的参数

decay	$g_1/\text{GeV}$	$g_2/g_1$	$g_3/g_1$	$g_X/\text{GeV}^2$	$m_X/\text{GeV}$	$\Gamma_X/\text{GeV}$
2 → 1	0.0886	-0.230	0	-2.316		
3 → 2	0.769	-0.230	0	-0.00418	10.080	0.655
3 → 1	0.00546	-0.230	4.949	4.712		

注: 其中以  $n \rightarrow m$  表示跃迁  $\Upsilon(nS) \rightarrow \Upsilon(mS)\pi^+\pi^-$ 。

图 2  $\Upsilon(nS) \rightarrow \Upsilon(mS)\pi^+\pi^-$  的  $\pi^+\pi^-$  不变质量谱以及  $\cos\theta_\pi^*$  分布

### 3 结果与讨论

利用手征么正方法研究了衰变  $\Upsilon(3S) \rightarrow \Upsilon(1S)\pi^+\pi^-$ . 通过引入一个  $J^P = 1^+, I = 1$  的中间态, 该衰变的  $\pi^+\pi^-$  不变质量谱和  $\cos\theta_\pi^*$  角分布都能够得到很好的解释. 同时, 其他  $\Upsilon(nS)$  各态之间的  $\pi^+\pi^-$  跃迁也能得到很好的描述. 通过拟合 CLEO 的数据, 预言这个态的质量为  $m_X = 10.08\text{GeV}$ , 宽度为  $\Gamma_X = 0.655\text{GeV}$ . 虽然模型是在强子层次上的, 但仍然容许对  $X$  的结构做一个猜测. 由于  $X$  的同位旋为 1, 最低 Fock 空间应含有  $q\bar{q}$  ( $q = u, d$ ), 而其质量大约为  $10.08\text{GeV}$ , 宽度约为  $0.655\text{GeV}$ , 最低 Fock 空间还应含有  $b\bar{b}$ . 虽然  $b\bar{b}$  可以湮没, 但是由于  $X$  的质量  $\sim 10\text{GeV}$ , 如果是轻介子  $q\bar{q}$  ( $q = u, d$ ) 的高激发态, 则会非常容易衰变, 其宽度会远大于  $1\text{GeV}$ . 因此, 所引入的中间

态  $X$  的最低 Fock 空间应该是  $b\bar{b}q\bar{q}$ . 它可能是一个四夸克态, 或  $B\bar{B}$  束缚态, 束缚能为  $2m_B - m_X \approx 0.48\text{GeV}$ .

应该注意, CLEO 的 Dalitz 图中并不能看到相应于  $\Upsilon(1S)\pi$  的共振态<sup>[4]</sup>. 在我们的工作中, 中间态  $X$  的质量是  $10.08\text{GeV}$ , 虽然处于 Dalitz 图的范围之内 ( $m_{\Upsilon(1S)\pi}$  的范围是  $9.6\text{--}10.2\text{GeV}$ ), 但是由于其宽度  $0.655\text{GeV}$  较大, 因此在 Dalitz 图中的表现是很微弱的, 和 CLEO 的 Dalitz 图并不矛盾.

类似的机制已在文献[9]中被提出. 在文献[9]中, 所引入中间态粒子的质量是  $10.4\text{--}10.8\text{GeV}$ , 能够较好地描述  $\Upsilon(nS)$  衰变的  $\pi\pi$  不变质量谱, 但不能描述  $\Upsilon(3S) \rightarrow \Upsilon(1S)\pi^+\pi^-$  的  $\cos\theta_\pi^*$  分布. 在我们的模型中, 如果采取文献[9]中的典型质量和宽度,  $m_X = 10.5\text{GeV}$ ,  $\Gamma_X = 0.15\text{GeV}$ , 同样不能得到与实验相符的角分布.

### 参考文献(References)

- 1 Nakano T et al (LEPS Collaboration). Phys. Rev. Lett., 2003, **91**: 012002
- 2 BAI J Z et al (BES Collaboration). Phys. Rev., 2000, **D62**: 032002
- 3 Butler F et al (CLEO Collaboration). Phys. Rev., 1994, **D49**: 40
- 4 Alexander J P et al (CLEO Collaboration). Phys. Rev., 1998, **D58**: 052004
- 5 ZHOU H Y, KUANG Y P. Phys. Rev., 1991, **D44**: 756
- 6 Chakravarty S, Ko P. Phys. Rev., 1993, **D48**: 1205
- 7 Chakravarty S, Kim S M, Ko P. Phys. Rev., 1993, **D48**: 1212
- 8 Chakravarty S, Kim S M, Ko P. Phys. Rev., 1994, **D50**: 389
- 9 Anisovich V V et al. Phys. Rev., 1995, **D51**: R4619
- 10 Mannel T, Urech R. Z. Phys., 1997, **C73**: 541
- 11 Lähde T A, Riska D O. Nucl. Phys., 2002, **A707**: 425
- 12 Oller J A, Oset E. Nucl. Phys., 1997, **A620**: 438; 1999, **A652**: 407
- 13 Oset E, Ramos A. Nucl. Phys., 1998, **A635**: 99
- 14 GUO F K, SHEN P N, CHANG H C et al. Nucl. Phys., 2005, **A761**: 269
- 15 Brown L, Cahn R. Phys. Rev. Lett., 1975, **35**: 1
- 16 YAN M L, WEI Y, ZHUANG T L. Eur. Phys. J., 1999, **C7**: 61
- 17 Eidelman S et al (Particle Data Group). Phys. Lett., 2004, **B592**: 1

# Decay $\Upsilon(3S) \rightarrow \Upsilon(1S)\pi^+\pi^-$ and a Possible $b\bar{b}q\bar{q}$ State<sup>\*</sup>

GUO Feng-Kun<sup>1,5;1)</sup> SHEN Peng-Nian<sup>1,2,3,4</sup> JIANG Huan-Qing<sup>1,2,3,4,6</sup> PING Rong-Gang<sup>1,2</sup>

1 (Institute of High Energy Physics, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

2 (CCAST(World Lab.), Beijing 100080, China)

3 (Institute of Theoretical Physics, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100080, China)

4 (Center of Theoretical Nuclear Physics, National Laboratory of Heavy Ion Accelerator,  
Lanzhou 730000, China)

5 (Graduate School of the Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

6 (Southwest China Normal University, Chongqing 400715, China)

**Abstract** The decay process  $\Upsilon(3S) \rightarrow \Upsilon(1S)\pi^+\pi^-$  are re-visited using a Chiral Unitary Theory (ChUT) to include the important  $\pi\pi S$  wave final state interaction (FSI). It is found that when an additional intermediate state with  $J^P = 1^+$  and  $I = 1$  is introduced, the  $\pi\pi$  invariant mass spectrum and the  $\cos\theta_\pi^*$  distribution in the  $\Upsilon(3S) \rightarrow \Upsilon(1S)\pi^+\pi^-$  process can simultaneously be well-explained, and a good description for other bottomonium  $\pi^+\pi^-$  transitions can be obtained consistently. As a result, the mass and the width of the intermediate state are predicted to be  $M_X = 10.08\text{GeV}$  and  $\Gamma_X = 0.655\text{GeV}$ , respectively. From the quark content analysis, this state should be a  $b\bar{b}q\bar{q}$  state.

**Key words** chiral unitary theory,  $\Upsilon$  decay,  $\pi\pi S$  wave final state interaction, tetraquark state

---

Received 21 March 2005

\*Supported by National Natural Science Foundation of China (90103020, 10475089, 10435080, 10447130) and CAS Knowledge Innovation Key-Project (KJCX2-SW-N02)

1) E-mail: guofk@mail.ihep.ac.cn